

GIMNAZIUL „SF. VASILE”, PLOIEȘTI

Concursul interjudețean de matematică
„DISCIPOLII LUI LAZĂR”

ediția a VI-a
22 noiembrie 2008

Clasa a IV-a

Gheorghe Lazăr



Întemeietorul învățământului
matematic în limba română

1. Să se afle numărul natural „a” pentru care are loc relația:
 $2006 - (2007 - a) = 2008 : (2009 - 29 \cdot 69)$.

Prof. Mihaela Ionescu, Ploiești

2. Determinați cifrele a, b, c, d, e și f pentru care sunt îndeplinite simultan condițiile:

1) $3 + a = \overline{bb}$

2) $a \cdot c = \overline{bd}$

3) $\overline{ed} : a = f$

4) $f \cdot 3 = \overline{cb}$

Prof. Nicolae Tălău, Craiova

3. Un elev și-a numerotat caietul începând cu numărul 1. La sfârșit a observat că în numerotare a folosit de 19 ori cifra 5. Câte pagini poate avea caietul?

Prof. Olguța Tălău, Craiova

4. Întrebată de urs câți pești a prins, vulpea cea șireată îi răspunde: „Dacă aș mai prinde încă 6 pești și ți-aș da ție jumătate din toți, atunci aș avea cu un sfert mai puțin decât am acum în coș.”
Ajută-l pe urs să afle câți pești a prins vulpea.

Prof. Tatiana Pană, Ploiești

Notă:

Timp de lucru - 2 ore.

Scrieți pe foaia de concurs rezolvările complete, fiecare subiect pe o foaie distinctă.

SUCCES!

GIMNAZIUL „SF. VASILE”, PLOIEȘTI

Concursul interjudețean de matematică
„DISCIPOLII LUI LAZĂR”

ediția a VI-a
22 noiembrie 2008

Clasa a V-a

Gheorghe Lazăr



Întemeietorul învățământului
matematic în limba română

1. Să se calculeze: $\left[7^{3^3} : (7^5)^5 - (4^4 \cdot 4^4 - 8^5) : 32^3\right] : 2^4 =$

Prof. Traian Cotfas, Sf. Gheorghe

2. Se notează cu $n!$ produsul $1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot \dots \cdot n$ (de exemplu: $5! = 1 \cdot 2 \cdot 3 \cdot 4 \cdot 5$).

a) Să se afle cu câte zerouri se termină $48!$;

b) Să se determine numărul natural „ n ” astfel încât $n! + 12$ să fie pătrat perfect.

Prof. Tatiana Pană, Ploiești

3. Patru prieteni au împreună 206 lei. Dacă fiecare din primii trei elevi primește câte 5 lei de la al patrulea, atunci sumele celor patru copii, luate într-o anumită ordine, sunt numere naturale consecutive. Determinați suma inițială a celui de-al patrulea elev. Câte soluții are problema?

Prof. Nicolae Tălău, Craiova

4. Jandarmul Pristanda numără steagurile din Ploiești. Pe prima stradă sunt: un steag roșu și unul albastru, pe a doua stradă sunt două steaguri roșii, două steaguri galbene și două steaguri albastre, pe a treia stradă sunt patru steaguri roșii, patru steaguri galbene și un steag albastru (în această ordine), ș.a.m.d.

a) Ce steaguri sunt pe străzile 4, 5 și 6?

b) Pe ce stradă este steagul cu numărul 2008 și ce culoare are acesta?

Prof.dr.Gabriel Pripoe, București

Notă:

Timp de lucru - 2 ore.

Scrieți pe foaia de concurs rezolvările complete, fiecare subiect pe o foaie distinctă.

SUCCES!

GIMNAZIUL „SF. VASILE”, PLOIEȘTI

Concursul interjudețean de matematică „DISCIPOLII LUI LAZĂR” ediția a VI-a 22 noiembrie 2008

Clasa a VI-a

Gheorghe Lazăr



Întemeietorul învățământului
matematic în limba română

1. a) Fie punctele A, B, C coliniare, în această ordine, O mijlocul segmentului [AC], iar M mijlocul segmentului [BC]. Demonstrați că $AB = 2 \cdot OM$.
b) Fie unghiurile adiacente $A\hat{O}B$ și $B\hat{O}C$ și fie (Ox) și (Oy) bisectoarele unghiurilor $A\hat{O}C$, respectiv $B\hat{O}C$. Demonstrați că $m\hat{A}OB = 2 \cdot m\hat{x}Oy$.

Prof. Ilarie Lazăr, Ploiești

2. Suma a trei numere naturale este 2008. Împărțind pe primul la suma celorlalte două obținem câtul 10 și restul 160. Să se afle cele trei numere știind că cel mai mare divizor comun al ultimelor două este 12.

Prof. Tatiana Pană, Ploiești

3. Mai mulți prieteni au descoperit un joc pentru care este nevoie de cel puțin 6 și cel mult 12 jucători. Ei se așează la o masă rotundă, iar pentru a afla cine începe jocul, copii încep să numere de la 78 la 1, prima care zice „78” fiind Corina. Următorul zice „77”, următorul „76”, și așa mai departe, până când numărul 1 se nimerește tot la Corina, deci ea va începe jocul.
La al doilea joc, atunci când se decide cine va începe jocul, copiii au procedat la fel, numai că numărătoarea a pornit de la 34 la 1. În urma acesteia, s-a nimerit să înceapă jocul Camelia, aceeași fetiță care începuse numărătoarea de la 34.
Câți copii sunt la masă?

Conf.dr. Cristinel Mortici, Târgoviște

4. Se știe că sunt exact 4 numere prime în mulțimea $\{n+1, n+2, n+3, \dots, n+14, n+15\}$, iar în mulțimea $\{n, n+1, n+2, n+3, \dots, n+14, n+15, n+16\}$ sunt exact 6 numere prime. Câte numere prime sunt în mulțimea $\{n+4, n+6, n+10, n+12\}$?

Conf.dr. Cristinel Mortici, Târgoviște

Notă:

Timp de lucru - 2 ore.

Scrieți pe foaia de concurs rezolvările complete, fiecare subiect pe o foaie distinctă.

SUCCES!

GIMNAZIUL „SF. VASILE”, PLOIEȘTI

Concursul interjudețean de matematică „DISCIPOLII LUI LAZĂR” ediția a VI-a 22 noiembrie 2008

Clasa a VII-a

Gheorghe Lazăr



Întemeietorul învățământului
matematic în limba română

1. Fie $S = (a+2) + (a+4) + (a+6) + \dots + (a + 2n)$, unde n este un număr natural.
 - a) Să se demonstreze că S se divide cu n ;
 - b) Să se descompună numărul 2009 într-o sumă de numere naturale consecutive de aceeași paritate.

Prof. Ilarie Lazăr, Ploiești

2. Fie x, y numere strict pozitive astfel încât $\frac{4x+3y}{3x+2y} - \frac{7}{5} \geq \frac{5}{3} - \frac{3x+2y}{2x+y}$ și $\frac{3x+2y}{4x+3y} + \frac{2x+y}{3x+2y} \geq \frac{3}{5} + \frac{5}{7}$.
Să se demonstreze că $x = y$.

Conf.dr. Cristinel Mortici, Târgoviște

3. Fie ABCD un patrulater cu laturile AD și BC paralele, pentru care există punctele $M \in (BC)$ și $N \in CD$, C între N și D, astfel încât $AB = BM$ și $DN = AD$. Demonstrați că, dacă punctele A, M, N sunt coliniare, atunci ABCD este paralelogram.

Conf.dr. Cristinel Mortici, Târgoviște

4. Fie ABC un triunghi echilateral și G centrul său de greutate. Dacă M este un punct exterior triunghiului astfel încât $MA = MC = \frac{MB}{2}$, să se demonstreze că AGCM este romb.

Prof. Ilarie Lazăr, Ploiești

Notă:

Timp de lucru - 2 ore.

Scrieți pe foaia de concurs rezolvările complete, fiecare subiect pe o foaie distinctă.

SUCCES!

GIMNAZIUL „SF. VASILE”, PLOIEȘTI

Concursul interjudețean de matematică „DISCIPOLII LUI LAZĂR”

ediția a VI-a
22 noiembrie 2008

Clasa a VIII-a

Gheorghe Lazăr



Întemeietorul învățământului
matematic în limba română

1. Fie x, y numere reale astfel încât $x - y + 1 = 0$ și $y \in [1; 3]$. Să se arate că numărul

$$a = \sqrt{x^2 + y^2 - 2y + 1} + \sqrt{x^2 + y^2 - 4x - 6y + 13}$$

are valoare constantă.

Prof. Anton Negrilă, Ploiești

2.

- a) Să se demonstreze că, pentru oricare numere reale a, b, c ,

$$a^2 + b^2 + c^2 - ab - ac - bc = \frac{(a-b)^2 + (b-c)^2 + (c-a)^2}{2}$$

- b) Să se determine numerele rationale m și n astfel încât $(m + \sqrt{5}) \cdot (n + \sqrt{5}) = 11 + 5\sqrt{5}$.

- c) Să se determine numărul natural n astfel încât :

$$(6 + 2\sqrt{5})^n + (9 + 4\sqrt{5})^n + (14 + 6\sqrt{5})^n - (7 + 3\sqrt{5})^n - (11 + 5\sqrt{5})^n - (8 + 4\sqrt{5})^n = 3.$$

Conf.dr. Cristinel Mortici, Târgoviște

3. Fie triunghiul echilateral ABC și punctele O, Q în planul său, O interior triunghiului, Q exterior triunghiului dat, astfel încât $OA = 6$ cm, $OB = 6\sqrt{3}$ cm, $OC = 12$ cm și $\triangle BQC \cong \triangle AOC$.

- a) Să se demonstreze că punctele A, O, Q sunt coliniare;
b) Să se calculeze aria $\triangle ABC$;
c) Fie P un punct nesituat în planul ABC astfel încât $PB = PC = PO = 9$ cm. Să se calculeze distanța de la P la planul ABC ;
d) Să se calculeze măsura unghiului format de dreptele PX și QC , unde $PX = (POC) \cap (PBQ)$.

Prof. Ilarie Lazăr, Ploiești

Notă:

Timp de lucru - 2 ore.

Scrieți pe foaia de concurs rezolvările complete, fiecare subiect pe o foaie distinctă.

SUCCES!