

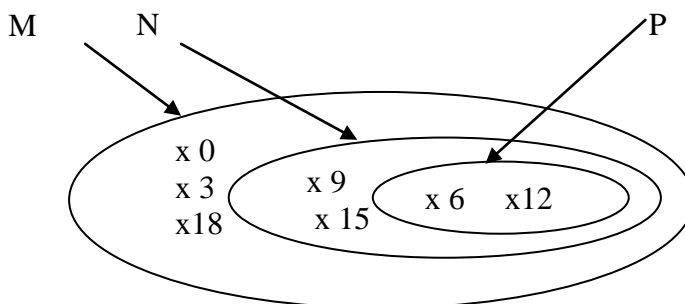
# FIȘĂ DE LUCRU

## MULȚIMI. RECAPITULARE.

### 1. Completați enunțurile de mai jos pentru a obține propoziții adevărate:

- Mulțimea care nu are nici un element se numește .....și se notează .....
- Cardinalul unei mulțimi finite reprezintă .....
- Un exemplu de mulțime infinită este .....
- Un exemplu de mulțime finită este .....
- Dacă  $A \subset B$  spunem că B este o .....a lui A.
- Două mulțimi sunt egale dacă .....

### 2. Fie mulțimile M, N și P reprezentate prin diagrama alăturată.



- Scrieți mulțimile M, N, P prin enumerarea elementelor.
- Scrieți relațiile dintre mulțimile M, N, P.
- Scrieți elementele care aparțin mulțimii N dar nu aparțin mulțimii P.
- Determinați cardinalele celor trei mulțimi.
- Completați tabelul:

propoziția	$12 \in M$	$6 \notin N$	$18 \notin M$	$0 \in \emptyset$	$15 \in M$	$12 \in P$
Val.de.adev.						

### 4. Determinați mulțimile : $D_6$ ; $D_{11}$ ; $D_{12}$ ; $D_{24}$ ; $M_2$ ; $M_3$ ; $M_{11}$ . Precizați care din aceste mulțimi sunt finite și care infinite. Pentru mulțimile finite determinați cardinalul.

### 5. Reprezentați în trei moduri :

- Mulțimea numerelor naturale cuprinse între 3 și 7;
- Mulțimea numerelor naturale impare cuprinse între 3 și 15;
- Mulțimea numerelor naturale pare mai mici sau egale cu 9;
- Mulțimea soluțiilor inecuației  $4x-1 \leq 11$ ;
- Mulțimea soluțiilor inecuației  $3x+2 \leq 14$ .

**6. Enumerați elementele mulțimilor și apoi determinați cardinalele:**

- ◆  $A = \{ x \in \mathbb{N}^* \mid x \leq 1 \}$        $B = \{ x \in \mathbb{N} \mid 2 \leq x \leq 6 \}$        $C = \{ x \in \mathbb{B} \mid x, \text{ număr par} \}$
- ◆  $D = \{ x \in \mathbb{B} \mid x, \text{ număr impar} \}$      $E = \{ x \in \mathbb{N} \mid x = 6^n, n \in \mathbb{N}, n \leq 2 \}$      $F = \{ x \in \mathbb{N} \mid x = 3^n, n \in \mathbb{N}, n \leq 2 \}$
- ◆  $G = \{ x \in \mathbb{N} \mid x = n^4, n \in \mathbb{N}, n \leq 2 \}$      $H = \{ x \in \mathbb{G} \mid x, \text{ număr impar} \}$      $I = \{ x \in \mathbb{E} \mid x, \text{ număr impar} \}$
- ◆  $J = \{ x \in \mathbb{N} \mid x = y + 3, y \in \mathbb{B} \}$        $K = \{ x \in \mathbb{N} \mid x = a - 2, a \in \mathbb{B} \}$        $L = \{ x \in \mathbb{N} \mid x = y^a, a \in \mathbb{A}, y \in \mathbb{B} \}$

**7. Fie mulțimile**  $A = \{ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6 \}$ ,  $B = \{ x \in \mathbb{N} \mid x \leq 3 \}$ ,  $C = \{ x \in \mathbb{N} \mid x \leq 8, x \text{ număr par} \}$ .

Efectuați:  $A \cap B$ ;  $C \cap A$ ;  $B \cap C$ ;  $A \cap B \cap C$ ;  $A \cup B$ ;  $B \cup C$ ;  $A \cup C$ ;  $A \cup B \cup C$ ;  $A - B$ ;  $B - A$ ,  $A - C$ ,  $C - A$ ,  $B - C$ ,  $C - B$ ,  $(A - B) - C$ ;  $A - (B - C)$ ;  $(A - B) \cup (A - C)$ ;  $(B - C) \cap (C - A)$ .

**8. Determinați mulțimile X și Y știind că îndeplinesc simultan condițiile:**

$X \cap Y = \{ 4, 6 \}$ ,  $X \cup Y = \{ 1, 2, 3, 4, 5, 6 \}$ ,  $X - Y = \{ 1 \}$ .

**9. Determinați mulțimile A și B știind că îndeplinesc simultan condițiile:**

$A \cap B = \{ a, d, e \}$ ,  $A \cup B = \{ a, b, c, d, e, f, g \}$ ,  $B - A = \{ f, g \}$ .

**10. Determinați mulțimile M și N știind că îndeplinesc simultan condițiile:**

$M \cup N = \{ 0, 2, 4, 6, 8 \}$ ,  $M - N = \{ 0 \}$ ,  $M \cap \{ 2, 4, 6, 8 \} = \{ 2, 8 \}$ .

**11. Fie**  $A = \{ 1, 2, a, b \}$  și  $B = \{ 1, 2, 3, 4, 5, 6 \}$ . Aflați a și b știind că  $A \cup B = \{ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7 \}$ .

**12. Fie mulțimile**  $M = \{ x, 3, y, 6 \}$  și  $N = \{ 0, 1, a, b \}$ . Înlocuiți literele cu numere astfel încât  $M = N$ .

**13. O mulțime a are 10 elemente și o mulțime B are 8 elemente.**

- a) Dacă  $A \cup B$  are 15 elemente atunci câte elemente are  $A \cap B$ ?
- b) Dacă  $A \cap B$  are 7 elemente câte elemente are  $A \cup B$ ?
- c) Dacă  $A \cap B$  are 8 elemente ce puteți spune despre mulțimile A și B?
- d) Care este cel mai mare și cel mai mic număr de elemente al mulțimii  $A \cup B$  și în ce situații se obține?
- e) Dar pentru  $A \cap B$ ?

**14. Fie mulțimea**  $Q = \{ 7, 8, 9, 10 \}$ . Scrieți :

- a) Toate submulțimile lui Q care au cardinalul egal cu 2;
- b) Toate submulțimile lui Q care au cardinalul egal cu 3.

**15. Fie mulțimile:**  $A = \{ x \in \mathbb{N} \mid x = 2^n, n \in \mathbb{N}^*, n \leq 3 \}$ ,  $B = \{ x \in \mathbb{A} \mid x \leq 4 \}$ ,  $C = \{ x \in \mathbb{N} \mid x = y - 2, y \in \mathbb{A} \}$ .

Calculați  $(A \cup B) \cap C$  și  $(B - A) \cup C$ .

# FIȘĂ DE LUCRU

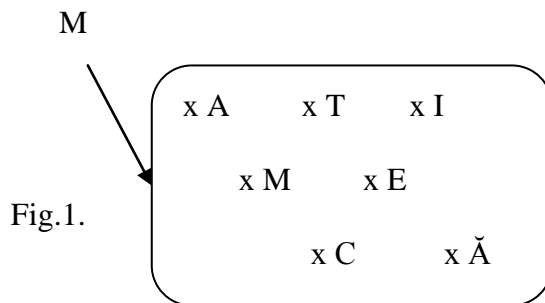
*Mulțimi. (fișa 1A)*

**1. Completați enunțurile următoare cu cuvântul potrivit (echivalent noțiunii de „mulțime în viața cotidiană”):**

- a) Maria i-a oferit mamei ei un ..... de flori.
- b) Băieții clasei a V-a formează ..... de fotbal a clasei.
- c) Am văzut în livadă un ..... de albine.
- d) Lupii umblă în .....
- e) Ieri dimineață am văzut un ..... de cocori.

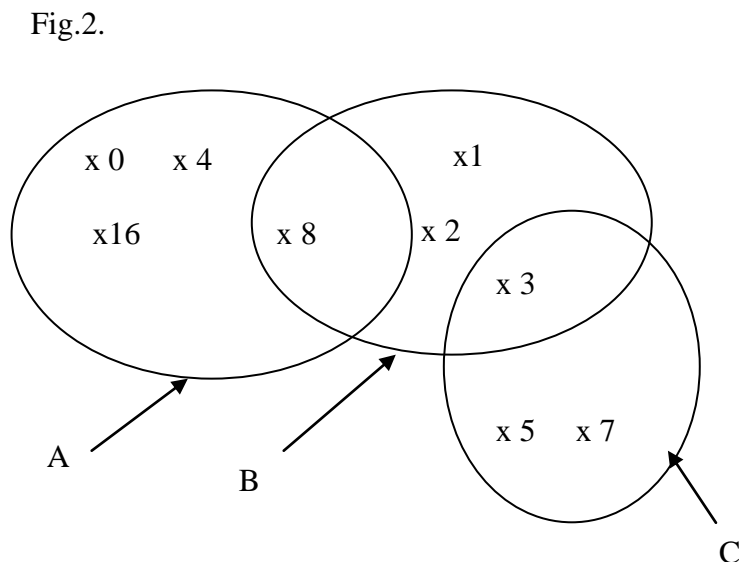
**2. Fie figura 1.**

- a) reprezentați mulțimea M prin enumerarea elementelor
- b) reprezentați mulțimea M folosind o proprietate comună elementelor ei
- c) determinați cardinalul mulțimii M.



**3. Fie diagramele din fig.2.**

- a). Enumerați elementele mulțimilor A , B , C.
- b). Enumerați elementele care aparțin mulțimii A dar nu aparțin mulțimii B.
- c). Enumerați elementele care aparțin mulțimii C dar nu aparțin mulțimii B.
- d). Determinați cardinalele celor trei mulțimi.
- e). Completați tabelul de mai jos (notând cu (A) – adevărat sau (F) – fals afirmațiile):



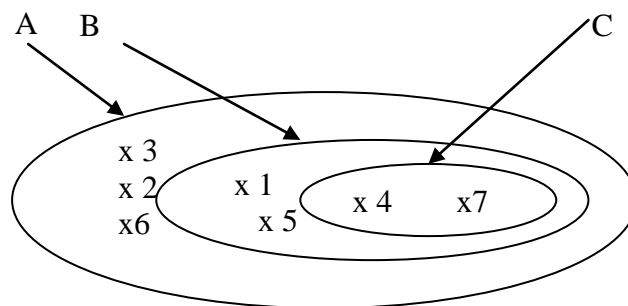
$0 \in A$	$0 \in B$	$16 \in B$	$8 \notin C$	$3 \in C$	$3 \notin B$	$5 \notin C$	$4 \notin A$

- f) reprezentați elementele mulțimii A folosind o proprietate comună elementelor mulțimii.

## Mulțimi. (fișa 1B)

1. Fie mulțimile  $A$ ,  $B$  și  $C$  reprezentate prin diagrama alăturată.

- f) Scrieți mulțimile  $A$ ,  $B$ ,  $C$  prin enumerarea elementelor.  
 g) Scrieți relațiile dintre mulțimile  $A$ ,  $B$ ,  $C$ .  
 h) Scrieți elementele care aparțin mulțimii  $B$  dar nu aparțin mulțimii  $C$ .  
 i) Determinați cardinalele celor trei mulțimi.  
 j) Notați cu (A) (adevărat) sau (F) (fals) următoarele afirmații :



$3 \in A$  ;  $3 \notin C$  ;  $4 \in A$  ;  $5 \notin A$  ;  $0 \notin C$  ;  $\text{card } A > \text{card } B$  ;  $B \subset C$  ;  $A \subset B$  ;  $B \subset A$  ;  $A = B$ .

2. **Determinați mulțimile :**  $D_5$  ;  $D_7$  ;  $D_{10}$  ;  $D_{18}$  ;  $M_2$  ;  $M_7$  ;  $M_{11}$ . Precizați care din aceste mulțimi sunt finite și care infinite. Pentru mulțimile finite determinați cardinalul.

3. **Reprezentați în trei moduri :**

- f) Mulțimea numerelor naturale cuprinse între 5 și 9;  
 g) Mulțimea numerelor naturale cuprinse între 3 și 8;  
 h) Mulțimea numerelor naturale impare mai mici sau egale cu 11;  
 i) Mulțimea soluțiilor inecuației  $4x - 1 \leq 7$ ;  
 j) Mulțimea soluțiilor inecuației  $3x + 2 \leq 11$ .

4. **Enumerați elementele mulțimilor și apoi determinați cardinalele:**

- ◆  $A = \{ x \in \mathbb{N} \mid x \leq 1 \}$        $B = \{ x \in \mathbb{N} \mid 4 \leq x \leq 6 \}$        $C = \{ x \in \mathbb{A} \mid x, \text{ număr par} \}$
- ◆  $D = \{ x \in \mathbb{B} \mid x, \text{ număr impar} \}$        $E = \{ x \in \mathbb{N} \mid x = 4^n, n \in \mathbb{N}, n \leq 2 \}$        $F = \{ x \in \mathbb{N} \mid x = 5^n, n \in \mathbb{N}, n \leq 2 \}$
- ◆  $G = \{ x \in \mathbb{N} \mid x = n^3, n \in \mathbb{N}, n \leq 2 \}$        $H = \{ x \in \mathbb{G} \mid x, \text{ număr impar} \}$        $I = \{ x \in \mathbb{E} \mid x, \text{ număr impar} \}$
- ◆  $J = \{ x \in \mathbb{N} \mid x = y + 4, y \in \mathbb{A} \}$        $K = \{ x \in \mathbb{N} \mid x = a - 1, a \in \mathbb{B} \}$        $L = \{ x \in \mathbb{N} \mid x = y^a, a \in \mathbb{A} \}$  .

5. Fie mulțimile  $M = \{ 0, 1, 2, 3, 4, 5, 6 \}$  ,  $N = \{ x \in \mathbb{N} \mid x \leq 4 \}$  ,  $P = \{ x \in \mathbb{N} \mid x \leq 7, x \text{ număr par} \}$ .

Notați cu (A) (adevărat) sau (F) (fals) următoarele afirmații :

- |                                      |                              |
|--------------------------------------|------------------------------|
| a) $M \subset N$ ;                   | k) $0 \notin P$ ;            |
| b) $N \subset M$ ;                   | l) $N = \{ 4, 1, 2, 3, 0 \}$ |
| c) $7 \in P$ ;                       | m) $M \neq \{ 4, 6, 2, 0 \}$ |
| d) $0 \in M$ ;                       | n) $\text{Card } M = 7$ ;    |
| e) $P \subset M$ ;                   | o) $\text{Card } M = 6$ ;    |
| f) $M = N$ ;                         |                              |
| g) $M \neq N$ ;                      |                              |
| h) $\text{card } M > \text{card } N$ |                              |
| i) $4 \notin M$ ;                    |                              |
| j) $4 \notin P$ ;                    |                              |

## EXERCITII PROPUSE

- 1) Fie  $a, b, x$  numere naturale ,  $a > b$  și mulțimile  $A = \{101, 1340, 1999\}, B = \{a - b, a + b, x\}$ . Aflați numerele  $a, b$  și  $x$  dacă  $A$  și  $B$  sunt egale.
- 2) Se consideră mulțimea  $A = \{x \in \mathbb{N} | 100 \leq x \leq 201\}$
- a) Indicați numărul de elemente al mulțimii  $A$  .
- b) Determinați cel mai mare număr natural impar cu proprietatea ca împărțit la 201 dă câtul 202 și restul un număr din mulțimea  $A$  .
- 3) Fie  $A$  o submulțime a numerelor naturale și  $B = \{x + 1 | x \in A\}$  . Știind că  $A \cap B \neq \emptyset$  arătați că  $A$  conține un număr par .
- 4) Determinați mulțimile  $A$  și  $B$  știind că sunt îndeplinite simultan condițiile:
- a)  $A \cup B = \{1, 2, 3, 4\}$  , b)  $1 \in A \setminus B$  , c)  $A \cap B \neq \emptyset$
- d)  $B \setminus A \not\subset \{2, 4\}$  , e)  $A \setminus B \not\subset \{1, 2\}$  .
- 5) Să se arate că  $A \cap B = \emptyset$  unde
- $$A = \{5n + 2, 5n + 3, 5n + 7, 5n + 8 | n \in \mathbb{N}\} \text{ și } B = \{n^2 | n \in \mathbb{N}\} .$$
- 6) Aflați numerele nenule  $a, b, c$  știind că mulțimile  $A = \{36, 110, a^2\}$  și
- $$B = \{b^2 + b, 3a + 2b + 1, c^2\}$$
- sunt egale .

**Prof. Dumitrescu Gabriela - Sc. Candiano Popescu Ploiesti**